



## ASTUCES

### CONDENSATEUR - DIPÔLE RC

**Astuce**

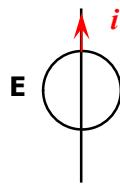
01

**Question :**

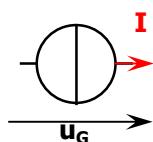
Citer les différents types de générateurs ?

**Réponse :**

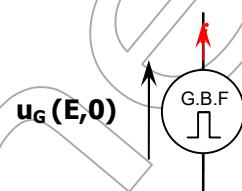
- ① Générateur de tension idéal



- ② Générateur de courant



- ③ Générateur de tension carrée créneaux



$$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_c}{dt}$$

**E : tension constante**

**i : intensité de courant variable**

$$I = \frac{q}{t}$$

**I (A) , q (C) et t (s)**

**i : intensité de courant constante**

**u\_G : tension variable**

$$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_c}{dt}$$

**i : intensité de courant variable**

**u\_G (E,0) : tension variable**

**Astuce**

02

**Question :**

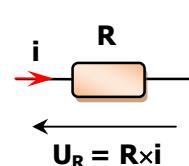
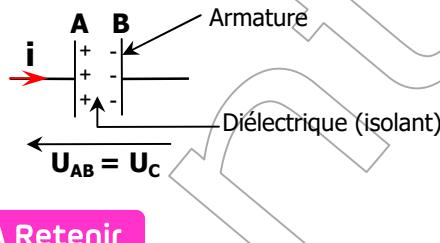
1°- Définir et donner le symbole d'un condensateur ?

2°- Donner la Loi d'ohm relatif au résistor de résistance R ?

3°- Donner les formules magiques relatives au condensateur?

**Réponse :**

1°- C'est l'association de deux conducteurs en regard séparés par un isolant (diélectrique). Symbolisé par :



3°-

**A Retenir**

$$\textcircled{1} \quad I = \frac{Q}{t} \quad \textcircled{2} \quad i = \frac{dq}{dt} \quad \textcircled{3} \quad u_c = \frac{q}{C} \quad \textcircled{4} \quad i = C \frac{du_c}{dt} \quad \textcircled{5} \quad C = \epsilon \frac{S}{e} = \epsilon_r \times \epsilon_0 \frac{S}{e} \quad \textcircled{6} \quad E_c = \frac{1}{2} C u_c^2 = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2} q u_c$$

Q ou q : charge du condensateur ; C : capacité du condensateur ; E<sub>c</sub> : Energie électrique

**Astuce**

03

**Question :**

On étudie la charge d'un condensateur avec un générateur de courant d'intensité I constant :

Pour plusieurs types de courbe, Déterminer la valeur de la capacité du condensateur?

**Réponse :**

1<sup>o</sup>- Courbe  $q = f(u_c)$

La courbe est une droite linéaire croissante

D'équation :  $q = a \times u_c$  ①. Avec  $a$  : pente de la droite

Or on a :  $q = C \times u_c$  ②.

$$\Leftrightarrow a = C = \frac{(4-0) \cdot 10^{-6}}{2-0}$$

$$\Rightarrow C = 2 \cdot 10^{-6} \text{ F.}$$

2<sup>o</sup>-courbe  $u_c = f(t)$  avec  $I = 0,2 \text{ mA}$ .

La courbe est une droite linéaire croissante

D'équation :  $u_c = a \times t$  ①. Avec  $a$  : pente de la droite

$$a = \frac{10-0}{50-0} = 0,2 \text{ V.s}^{-1}$$

Or on a :  $u_c = \frac{q}{C}$  et  $q = I \times t \Rightarrow u_c = \frac{I \times t}{C}$  ②

$$\Rightarrow a = \frac{I}{C} \Leftrightarrow C = \frac{I}{a} = \frac{0,2 \cdot 10^{-3}}{0,2} \Rightarrow C = 10^{-3} \text{ F.}$$

3<sup>o</sup>-courbe  $E_c = f(u_c^2)$

La courbe est une droite linéaire croissante

D'équation :  $E_c = a \times u_c^2$  ①. Avec  $a$  : pente de la droite

Or on a :  $E_c = \frac{1}{2} C u_c^2$  ②.

$$\Leftrightarrow a = \frac{1}{2} C \Rightarrow C = 2 \times a ; a = \frac{410^{-6}-0}{2-0} = 2 \cdot 10^{-6} \text{ J.V}^{-2}$$

$$\Rightarrow C = 4 \cdot 10^{-6} \text{ F.}$$

4<sup>o</sup>-courbe  $E_c = f(t^2)$

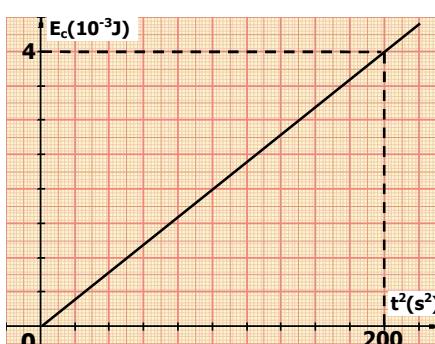
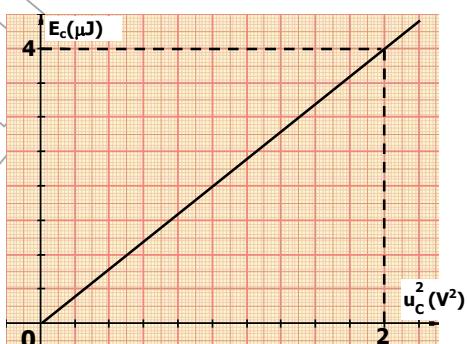
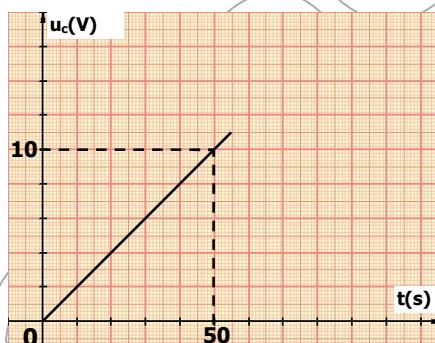
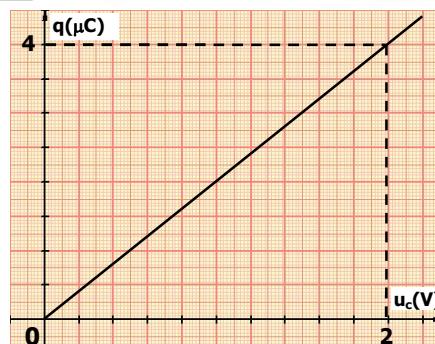
La courbe est une droite linéaire croissante

D'équation :  $E_c = a \times t^2$  ①. Avec  $a$  : pente de la droite

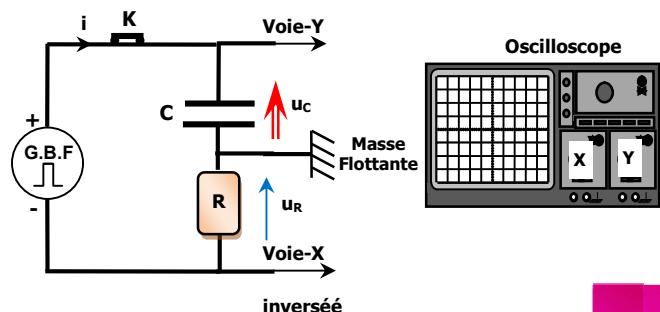
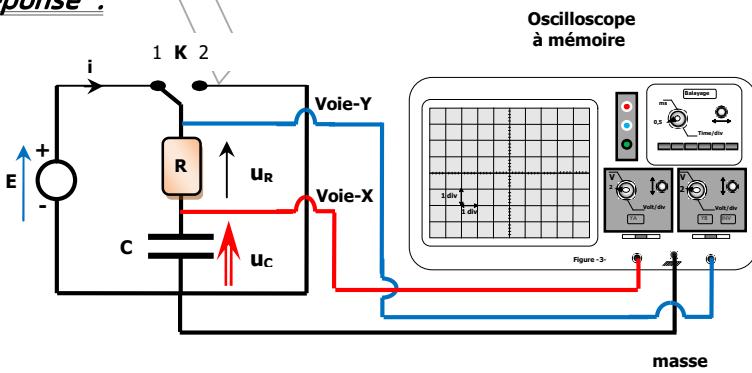
Or on a :  $E_c = \frac{1}{2} C q^2$  et  $q = I \times t \Rightarrow E_c = \frac{1}{2} C I^2 \times t^2$  ②.

$$\Leftrightarrow a = \frac{I^2}{2C} \Leftrightarrow C = \frac{I^2}{2a} = \frac{4 \cdot 10^{-8}}{2 \times 2 \cdot 10^{-5}}$$

$$\Rightarrow C = 10^{-3} \text{ F.}$$


**Astuce 04**
**Question :**

Comment doit-on brancher (connexions) l'oscilloscope pour visualiser des tensions demandées?

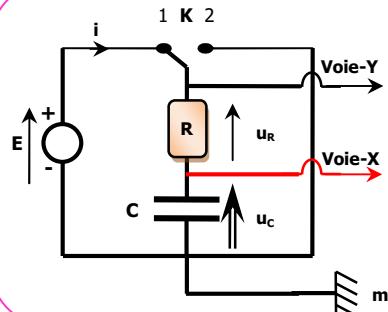
**Réponse :**


## Astuce 05

## Question :

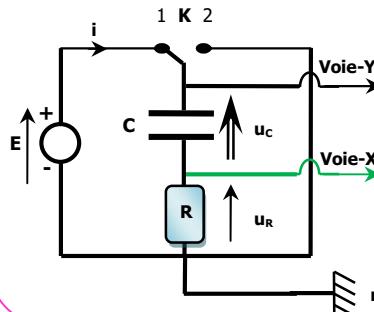
Nommer les tensions visualisées à l'oscilloscope dans chaque cas?

Réponse :



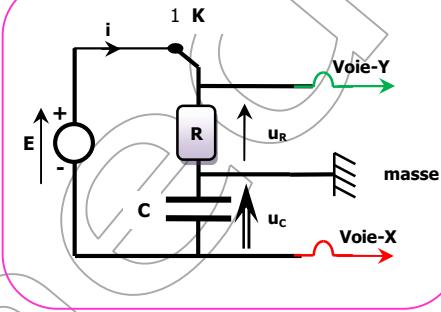
Voie-X :  $u_c(t)$

Voie-Y :  $u_G(t) = E$



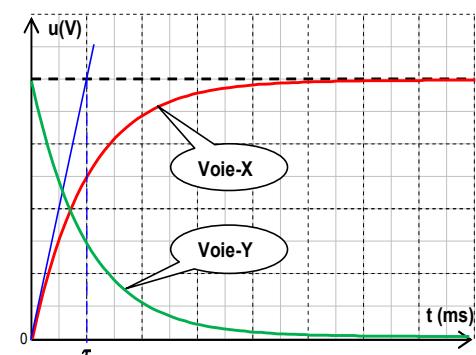
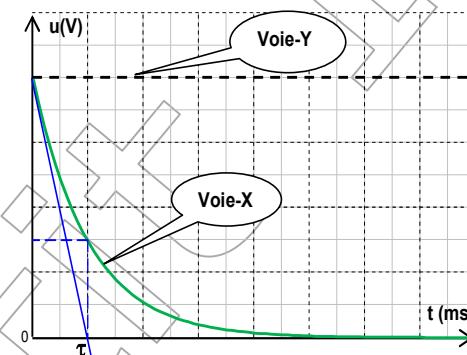
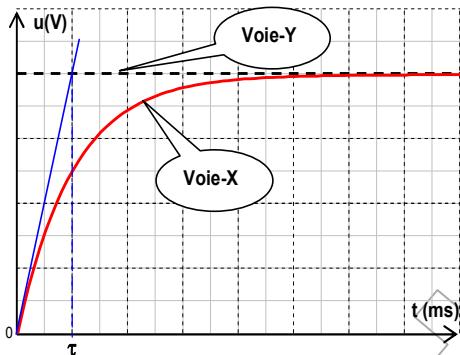
Voie-X :  $u_R(t)$

Voie-Y :  $u_G(t) = E$



Voie-X :  $-u_c(t) + \text{bouton inverse}$

Voie-Y :  $u_R(t) = E$



## Astuce 06

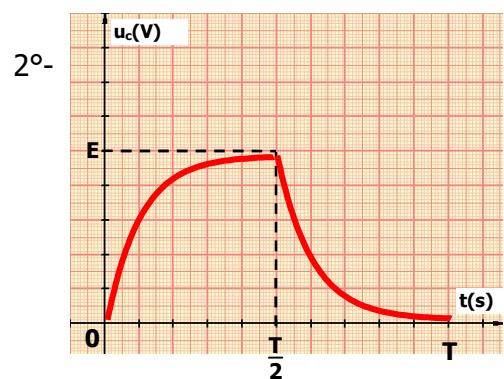
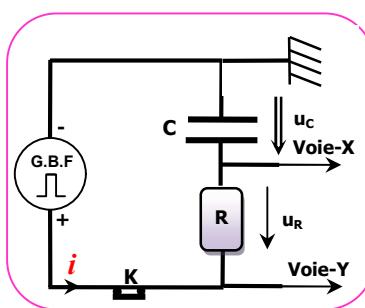
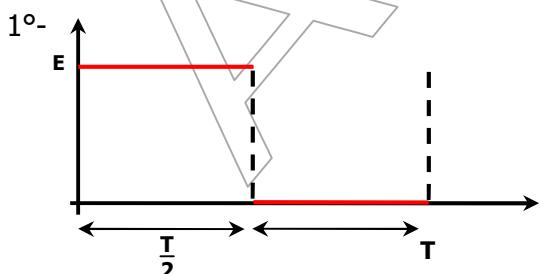
## Question :

1°- Donner le schéma d'un Echelon de tension ?

2°- On considère le montage ci-dessous, donner la tension visualisée sur la voie-X

3°- Nommer les phénomènes que subit le condensateur

Réponse :



- 3°-
- Entre  $[0, \frac{T}{2}]$  : Le condensateur se charge
  - Entre  $[\frac{T}{2}, T]$  : Le condensateur se décharge

## Astuce 07

Question :

On s'intéresse à la tension aux bornes du condensateur au cours de la charge

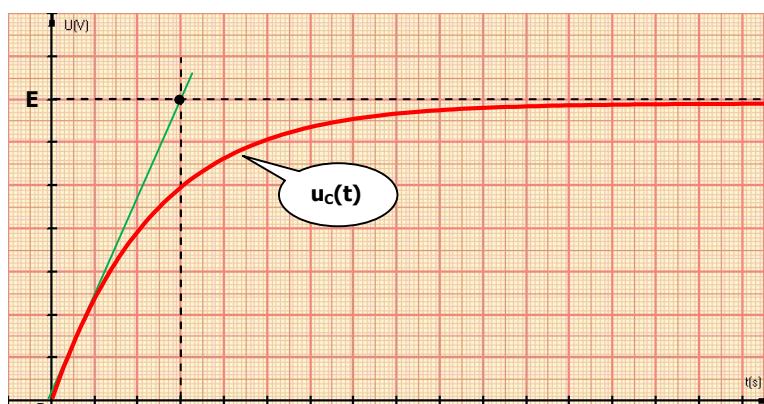
1°- Représenter l'allure de sa forme ?

2°- Quels sont les différents régimes à étudier ?

3°- Comment charger rapidement un condensateur ? Quel(s) grandeur(s) est (sont) mis en jeu ?

Réponse :

1°-



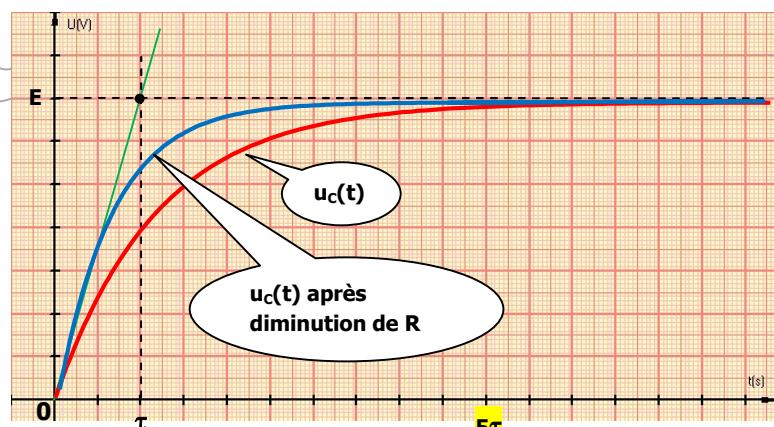
2°-

- En Régime transitoire, la tension  $u_c$  croît progressivement (exponentiellement) au cours du temps jusqu'à atteindre une valeur maximale constante égale à la valeur de la tension du générateur
- En régime permanent  $u_c = \text{constante} = E$  et  $i=0$

3°- On définit la constante de temps : taux

symbolisée par :  $\tau$  tel que  $\tau = R \times C$

Pour charger rapidement un condensateur, il faut diminuer la valeur de  $\tau$  et ceci revient à diminuer la valeur de  $R$ .



## Astuce 08

Question :

On donne la courbe suivante :

Déterminer la valeur de la capacité du condensateur ?

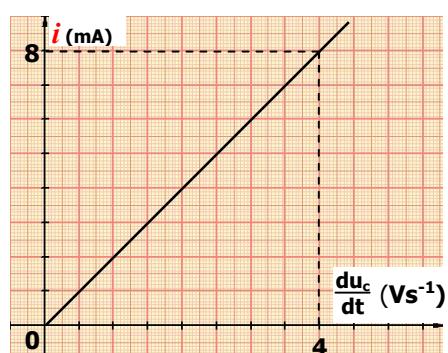
Réponse :

La courbe est une droite linéaire qui passe par l'origine,

D'équation :  $i = p \frac{du_c}{dt}$  ① tel que  $p$  : pente de la droite.

$$P = \frac{8.10^{-3} - 0}{4 - 0} = 2.10^{-3} \text{ AV}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}; \text{ or } i = C \frac{du_c}{dt} \quad ②$$

$$\Rightarrow ① \text{ et } ② \text{ donnent : } C = p \Rightarrow C = 2.10^{-3} \text{ F} = 2 \text{ mF}$$



**Astuce 09****Question :**

L'équation différentielle en  $u_c(t)$  d'un dipôle RC au cours de la charge est :

$$RC \frac{du_c(t)}{dt} + u_c(t) = E$$

On donne l'allure de la courbe suivante

1°- Déterminer l'équation de cette courbe ?

2°- Déterminer la f.e.m E et la capacité du condensateur on donne R=2KΩ ?

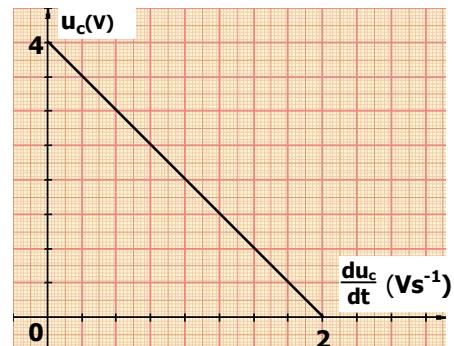
**Réponse :**

1°- La courbe  $u_c = f\left(\frac{du_c}{dt}\right)$  est une droite décroissante d'équation  $u_c = p \frac{du_c}{dt} + b$

Tel que p est la pente de la droite.  $p = \frac{4-0}{0-2} = -2$  s,  $b = 4V \Rightarrow u_c = -2 \frac{du_c}{dt} + 4$ .

D'après l'équation différentielle  $u_c = -RC \frac{du_c(t)}{dt} + E$ , par identification :  $p = -RC$  et  $b = E$

$$\Rightarrow \tau = RC = 2s \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{2}{2 \cdot 10^3} = 10^{-3} F = 1 mF.$$

**Astuce 10****Question :**

On considère le montage suivant :



On s'intéresse à la tension aux bornes du condensateur au cours de la charge

1°- Etablir l'équation différentielle en  $u_c(t)$  ?

2°- Donner l'expression de  $\tau$ .

3°- Proposer une modification qui permet de charger plus vite le condensateur

**Réponse :**

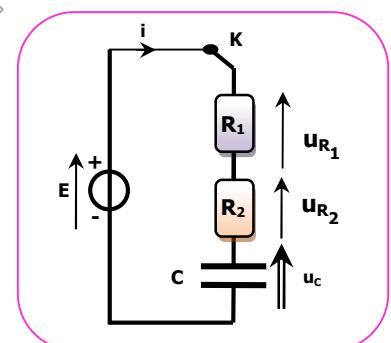
1°- On applique la loi des mailles :

$$u_{R_1} + u_{R_2} + u_c - E = 0 \Rightarrow u_{R_1} + u_{R_2} + u_c = E \Rightarrow R_1 i + R_2 i + u_c = E \Rightarrow (R_1 + R_2) i + u_c = E \text{ or } i = C \frac{du_c}{dt}$$

$$\Rightarrow (R_1 + R_2) C \frac{du_c}{dt} + u_c = E$$

$$2^\circ- \tau = (R_1 + R_2) C$$

3°- On doit diminuer la valeur de  $\tau$ , donc éliminer l'une des deux résistors.

**Astuce 11****Question :**

Soit l'oscillogramme suivant :

Exprimer  $t_1$  en fonction de  $\tau$  ?

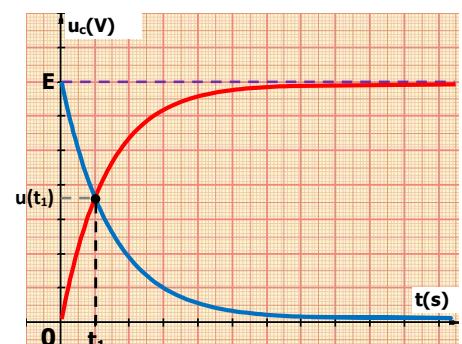
**Réponse :**

$$A t = t_1, u_R(t) = u_c(t) \Rightarrow E e^{-t_1/\tau} = E(1 - e^{-t_1/\tau}) \Rightarrow e^{-t_1/\tau} = (1 - e^{-t_1/\tau})$$

$$\Rightarrow e^{-t_1/\tau} + e^{-t_1/\tau} = 1 \Rightarrow 2e^{-t_1/\tau} = 1 \Rightarrow e^{-t_1/\tau} = \frac{1}{2} \Rightarrow \ln e^{-t_1/\tau} = \ln \frac{1}{2} \Rightarrow -\frac{t_1}{\tau} = -\ln 2$$

$$\Rightarrow t_1 = \tau \ln 2.$$

$$\begin{aligned} \ln e^x &= x \\ \ln \frac{1}{x} &= -\ln x \end{aligned}$$

**Astuce 12****Question :**

L'équation différentielle en  $u_c(t)$  d'un dipôle RC au cours de la charge est :  $RC \frac{du_c(t)}{dt} + u_c(t) = E$

Déterminer l'intensité de courant en régime permanent ?

Réponse :

A  $t=0$  s,  $u_c(0) = 0$  V,  $RC \frac{du_c(t)}{dt} + 0 = E \Rightarrow i_0 = C \left( \frac{du_c}{dt} \right)_{t=0s} = \frac{E}{R} \Rightarrow i_0 = C \times (\text{pente de la tangente})_{t=0s} = I_{\max}$ .

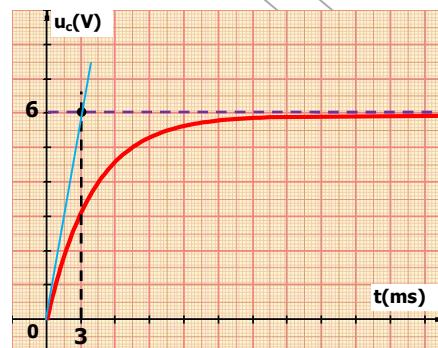
On pose :  $C = 3 \mu F$ ,

$$i_0 = C \left( \frac{du_c}{dt} \right)_{t=0s} = C \times (\text{pente de la tangente})_{t=0s}$$

$$\text{or } (\text{pente de la tangente})_{t=0s} = \frac{6-0}{3.10^{-3}-0} = 2.10^3 \text{ V.(ms)}^{-1}.$$

$$i_0 = 3.10^{-6} \times 2.10^3 = 6.10^{-3} \text{ A}$$

$$i_0 = I_{\max} = 6 \text{ mA}$$

**Astuce**

13

Question :

1°- Soit  $u_c(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$ , Montrer que  $\ln u_R(t) = -\frac{t}{\tau} + \ln E$

2°- Soit la courbe suivante, déduire E et  $\tau$ .

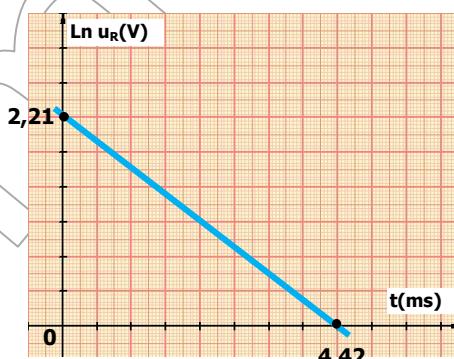
Réponse :

D'après la loi des mailles :

$$u_R(t) + u_c(t) = E$$

$$\Rightarrow u_R(t) = E - u_c(t) = E - E(1 - e^{-t/\tau}) = E - E + E e^{-t/\tau} = E e^{-t/\tau}$$

$$\ln u_R(t) = \ln E e^{-t/\tau} = \ln E + \ln e^{-t/\tau} \Rightarrow \ln u_R(t) = -\frac{t}{\tau} + \ln E$$



La courbe est une droite décroissante d'équation :  $\ln u_R(t) = P t + b$ , tel que P : pente de la courbe et b : ordonné à l'origine,

$$P = -0,5.10^3 \text{ V/ms}$$

$$\text{et } b = 2,21$$

Par identification avec la courbe  $\ln u_R = f(t)$ , On a :

$$\ln E = 2,21 \Rightarrow E = e^{2,21} = 6V \text{ et } P = -\frac{1}{\tau} \Rightarrow \tau = -\frac{1}{P} = 2.10^{-3} \text{ s}$$

$$\begin{aligned} \ln(a \times b) &= \ln a + \ln b \\ \ln \left(\frac{a}{b}\right) &= \ln a - \ln b \\ \ln e^x &= x \\ \ln \frac{1}{x} &= -\ln x \end{aligned}$$

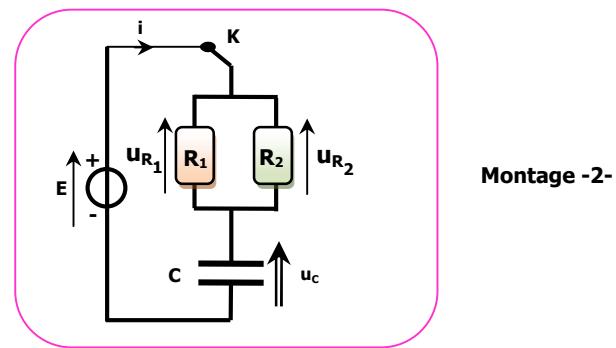
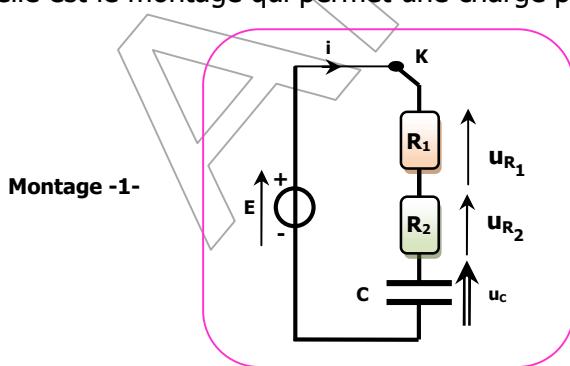
**Astuce**

14

Question :

On charge un condensateur de capacité C à l'aide de ces deux montages, indication  $R_1 = R_2$ .

Quelle est le montage qui permet une charge plus rapide du condensateur, justifier la réponse ?

Réponse :

On calcule :  $\tau_1 = R_{\text{éq}} \times C = (R_1 + R_2) \times C = 2 RC$  et,  $\tau_2 = R_{\text{éq}} \times C = \left( \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2} \right) \times C = \frac{R}{2} \times C = \frac{RC}{2}$

On remarque que  $\tau_2 < \tau_1$  donc avec le montage-2-, permet la charge du condensateur plus vite.

## Astuce

15

Question :

$$1^{\circ}- \text{Montrer que } i(t) = -C \frac{du_R(t)}{dt}.$$

2°- On donne la courbe suivante déduire la valeur de la capacité C du condensateur.

Réponse :

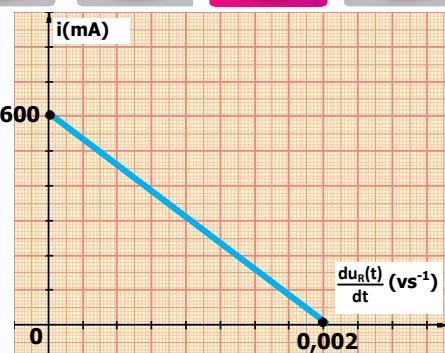
D'après la loi des mailles :

$$u_R(t) + u_C(t) = E \Rightarrow \frac{d}{dt}(u_R(t) + u_C(t)) = 0 \Rightarrow \frac{du_R(t)}{dt} + \frac{du_C(t)}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{du_R(t)}{dt} = -\frac{du_C(t)}{dt} \Rightarrow \frac{du_R(t)}{dt} = -\frac{C}{C} \times \frac{du_C(t)}{dt}.$$

$$\text{or } i(t) = C \frac{du_C(t)}{dt} \text{ donc } \frac{du_R(t)}{dt} = -\frac{1}{C} \times i(t) \text{ d'où } i(t) = -C \frac{du_R(t)}{dt}.$$

2°- La courbe est une droite décroissante d'équation  $i(t) = P \frac{du_R(t)}{dt}$ , tel que P : pente de la droite

$$P = \frac{(600-0) \cdot 10^{-3}}{(0-0,002)} = -3.10^2 \text{ AVs}^{-1}. \text{ Par identification } C = -\frac{1}{P} = \frac{1}{3.10^2} = 3.10^{-2} \text{ F.}$$

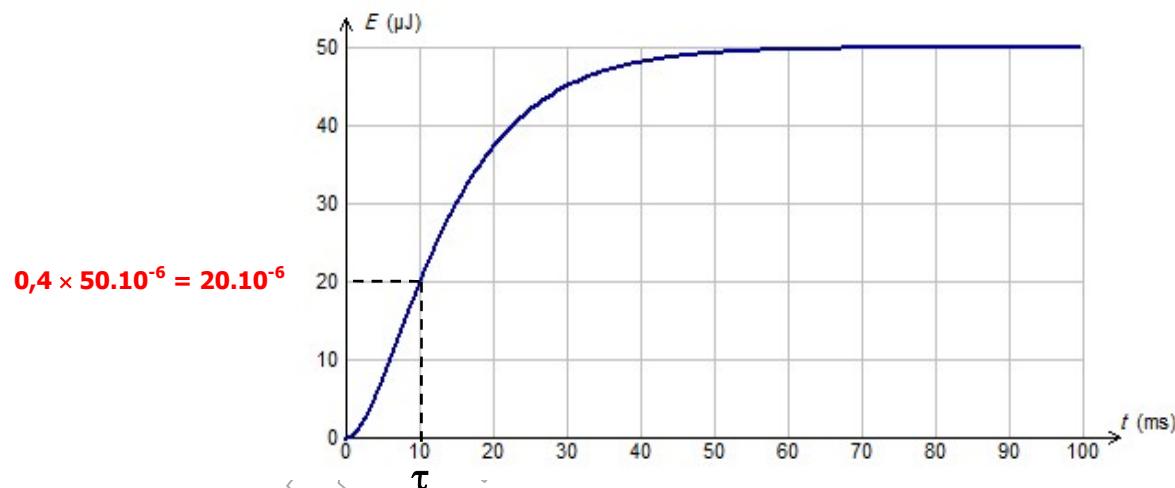


## Astuce

16

Question :

On donne la courbe de la variation de l'énergie emmagasinée par le condensateur au cours de sa charge



$$0,4 \times 50 \cdot 10^{-6} = 20 \cdot 10^{-6}$$

$$1^{\circ}- \text{Montrer que } E(t=\tau) = 0,4 E_{\max}^2$$

2°- Déduire la valeur de la constante de temps  $\tau$ .

Réponse :

$$1^{\circ}- E_c = \frac{1}{2} C u_C^2 \Rightarrow E_c(t=\tau) = \frac{1}{2} C [(0,63)^2 E^2] \Rightarrow E_c(t=\tau) = (0,63)^2 \times \frac{1}{2} C E^2 = 0,4 \times E_{\max}^2$$

$$\text{Donc : } \Rightarrow E_c(t=\tau) = 0,4 \times E_{\max}^2$$

2°- On projette sur la courbe  $E_c = f(t)$ , l'abscisse du point d'intersection entre la courbe  $E_c = f(t)$  et l'ordonnée  $0,4 \times E_{\max}^2$  correspond à  $t = \tau$ , On lit  $\tau = 10 \text{ ms}$

